

単軸試験でも、へたり考慮で十分予測精度アップ

正しいヤング率を測定できれば、ある程度
解析予測精度は上がります。

ひずみエネルギー密度関数定義

ひずみエネルギー密度関数の表現式

$$W = W(I_1, I_2, I_3)$$

$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2$$

$$I_2 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2$$

$$I_3 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1$$

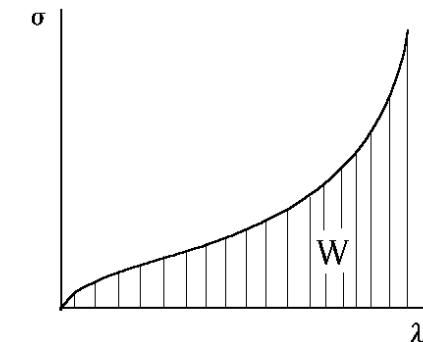
[対角線効果]

[面積効果]

[体積効果]

1) Neo-Hookeanモデル

$$W = C_{10}(I_1 - 3) \quad \dots \quad \text{最も単純な材料表現}$$

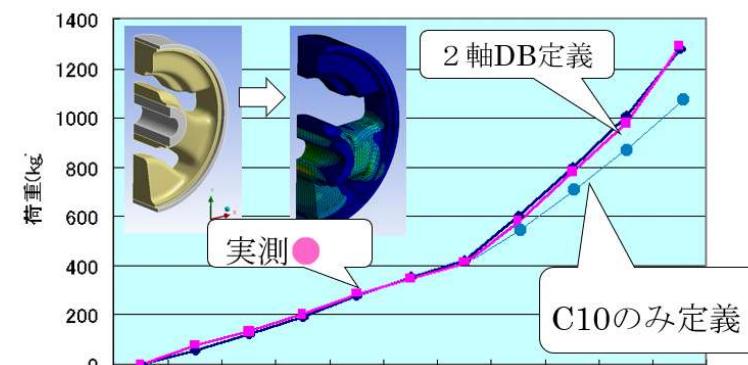


エネルギー関数定義すると
非常に精度上がりますが、
基本のヤング率=6C₁₀でも
ある程度の精度アップします。

勿論、二軸試験からエネルギー定義で
大変形まで精度よく予測可能です。

$C_{10} = E/6$ の関係

ハの字型マウントの特性予測解析



ひずみエネルギー密度関数定義

定義方法

基本式

$$W = W(I_1, I_2, I_3)$$

伸張比 $\lambda = 1 + \varepsilon$ として表現

テンソルとして、

$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2$$

[対角線効果]

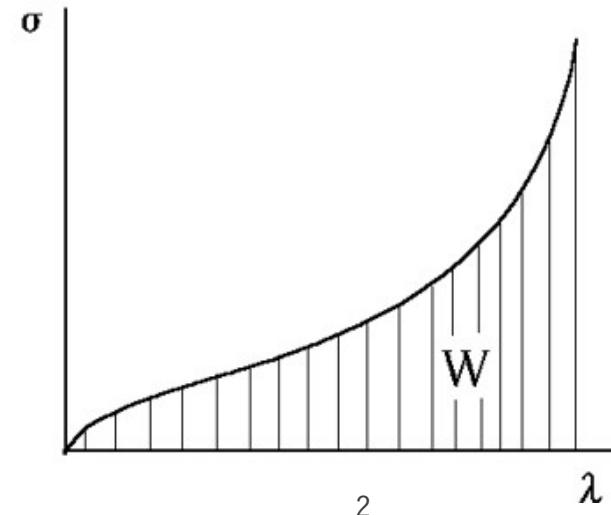
$$I_2 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2$$

[面積効果]

$$I_3 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1$$

[体積効果]

基本は単軸と同じ、へたり補正



ひずみエネルギー密度関数定義

ひずみエネルギー密度関数 様々な表現式

1) Neo-Hookeanモデル

$$W = C_{10}(I_1 - 3)$$

2) Mooney-Rivlin

$$W = C_{10}(I_1 - 3) + C_{01}(I_2 - 3)$$

3) Mooney高次式

$$\begin{aligned} W = & C_{10}(I_1 - 3) + C_{01}(I_2 - 3) + C_{11}(I_1 - 3)(I_2 - 3) \\ & + C_{20}(I_1 - 3)^2 + C_{30}(I_1 - 3)^3 \end{aligned}$$

4) Ogden

$$W = \sum \frac{\mu_i}{\alpha_i} (\lambda_1^{\alpha_i} + \lambda_2^{\alpha_i} + \lambda_3^{\alpha_i} - 3)$$

5) Arruda-Boyce

$$W = nk\theta \left[\frac{1}{2}(I_1 - 3) + \frac{1}{20N} \left(I_1^2 - 9 \right) + \frac{11}{1050N^2} \left(I_1^3 - 27 \right) + \frac{19}{7000N^3} \left(I_1^4 - 81 \right) + \frac{519}{673750N^4} \left(I_1^5 - 243 \right) \right]$$

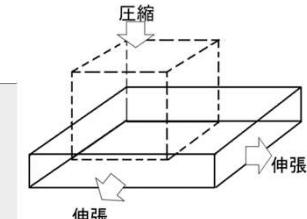
$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2 \quad [\text{対角線効果}]$$

$$I_2 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2 \quad [\text{面積効果}]$$

$$I_3 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1 \quad [\text{体積効果}]$$

※ $I_3=1$ は非圧縮性

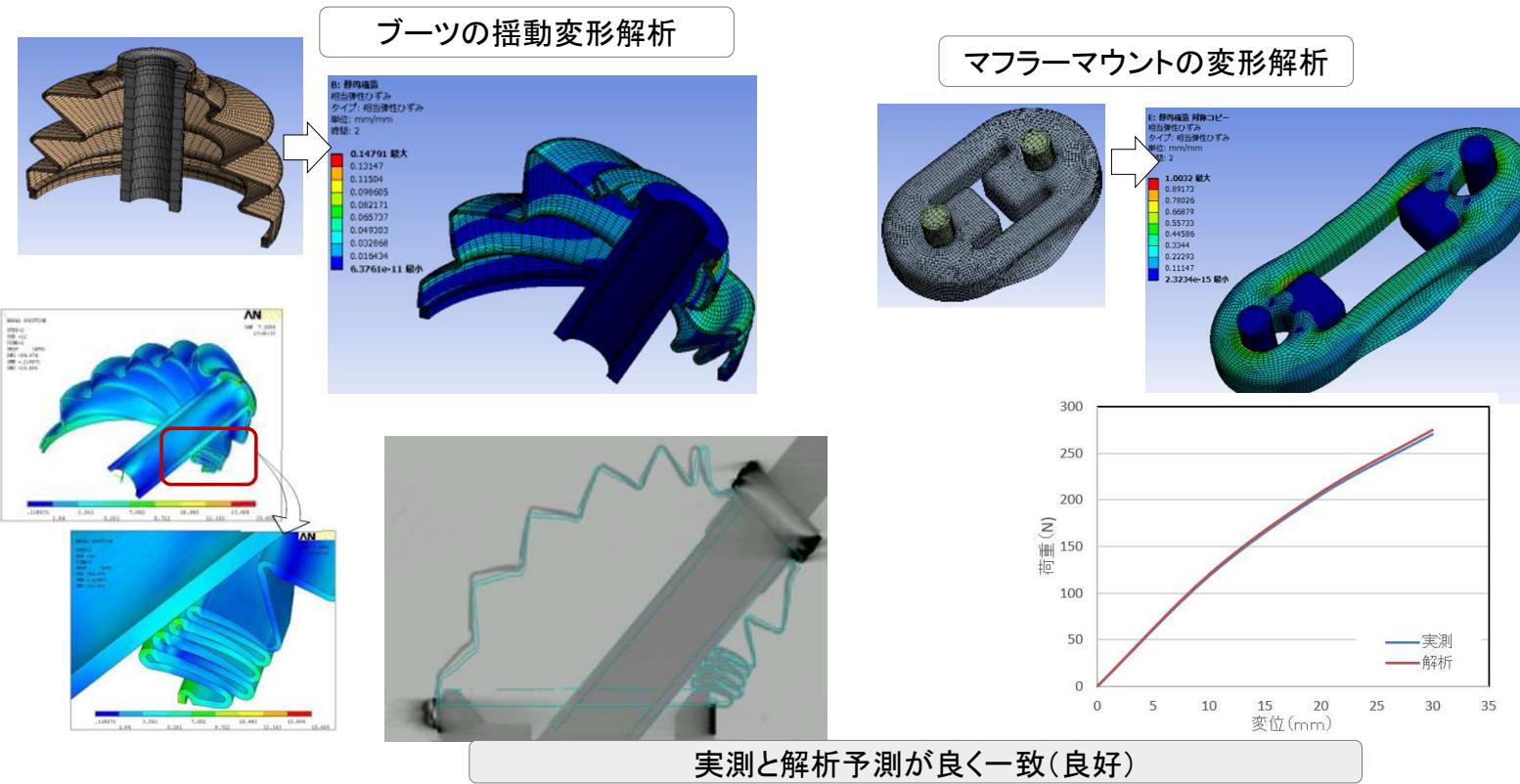
最近、紛らわしい論文(圧縮性を示す誤り)



一般的にこれら定義で
解析予測精度が良いと言われる。

ゴム製品の解析例

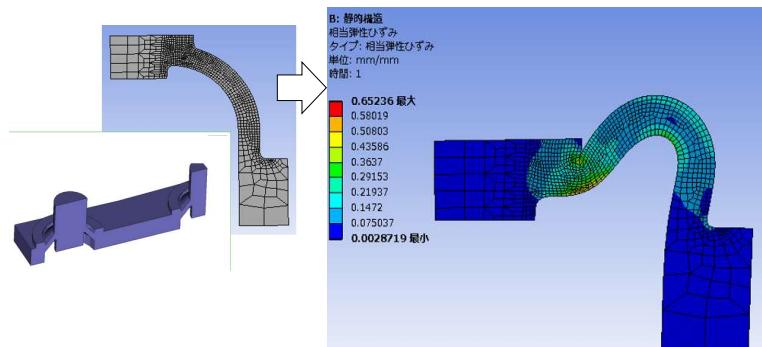
定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする



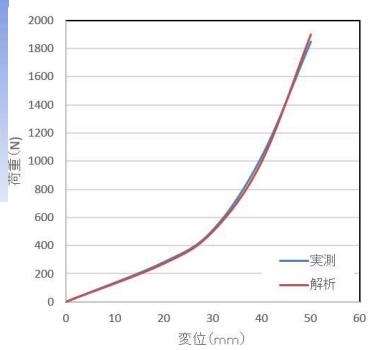
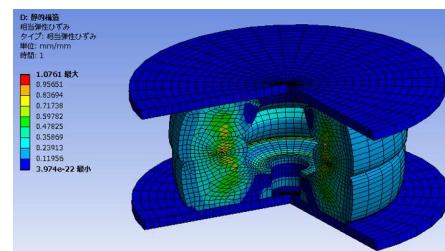
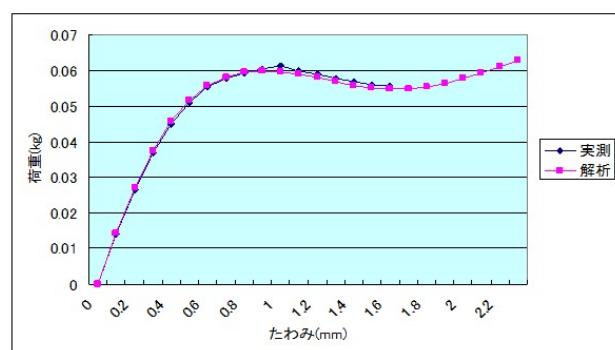
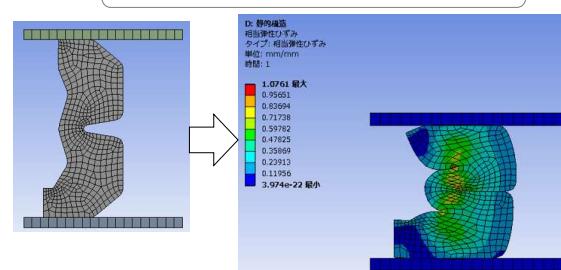
ゴム製品の解析例

定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする

ラバーコンタクト変形解析



ラバースプリングの変形解析

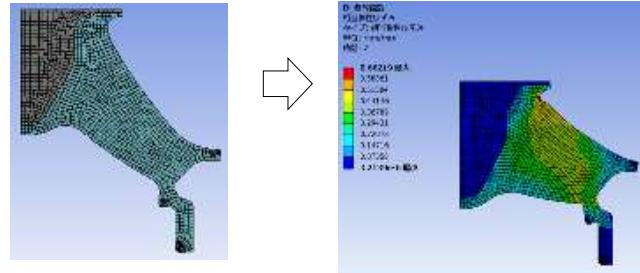


実測と解析予測が良く一致(良好)

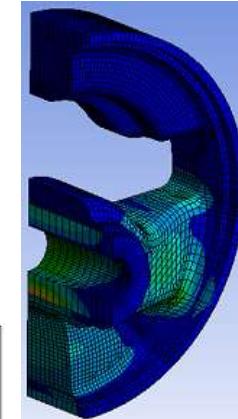
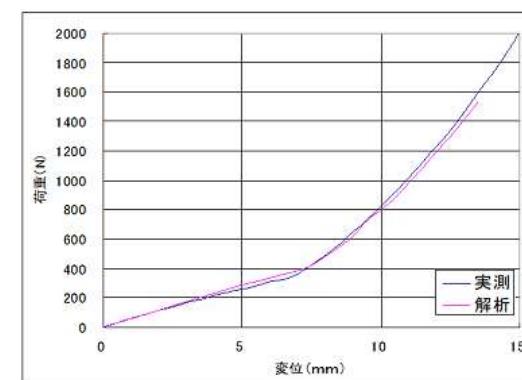
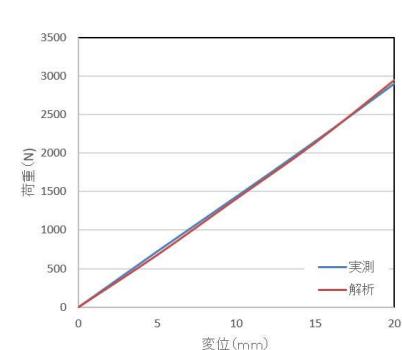
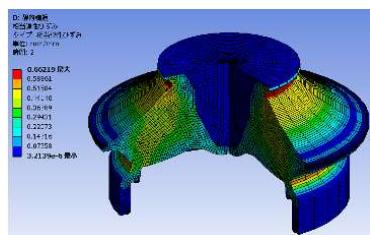
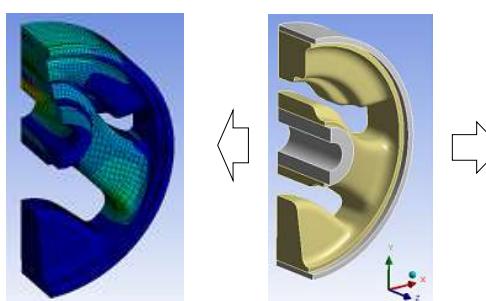
ゴム製品の解析例

定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする

円錐型マウント変形解析



ハの字型マウント変形解析



実測と解析予測が良く一致(良好)

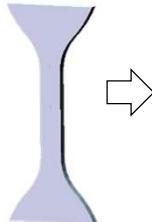
試験片 ダンベルと短冊での見かけ上ヤング率の違い

それぞれヤング率を算出と…

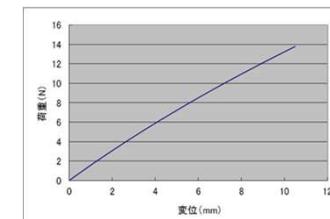
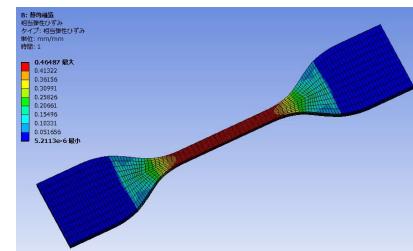
- ひずみ ε =変位／チャック間距離
 - 応力 σ =荷重／断面積
- $\Rightarrow E = \sigma / \varepsilon$ (理論式) は、**試験片に依存します。**

真のヤング率 $E=1.0$ で試験、もしくは解析すると

ダンベル



線図からのヤング率**E=1.27**となり不一致



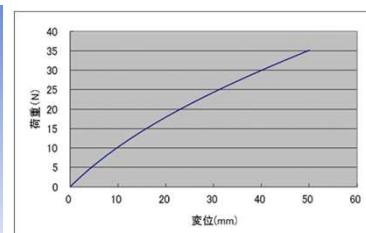
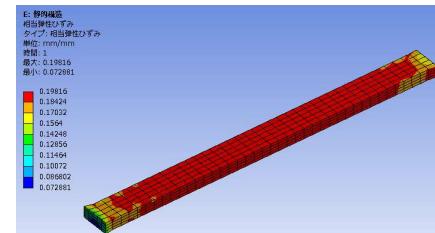
参考：標線間1.05

**正しいヤング率は
求められない。**

短冊



線図からのヤング率**E=0.98**、ほぼ同等



**短冊であれば、
ほぼ正確なヤング率**

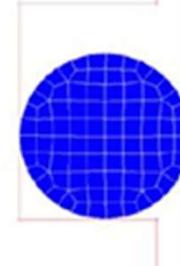
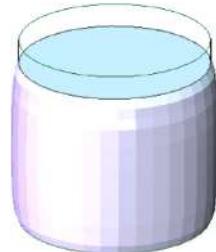
ゴムのJIS等は、解析を目的として書かれていない。
見かけ上のヤング率と真のヤング率を区別する。

正しいヤング率を求めて 寸法公差・剛性公差

解析予測精度が上がらないのは
このようなものです。勘違いです、

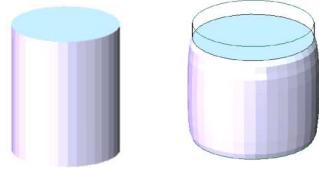
寸法公差は精度の投球があり 1 ~ 3 級があります。

寸法	公差・1級	2級	3級[単位 : mm]
3 mm以下	± 0. 2	± 0. 3	± 0. 4
3 ~ 6 mm	± 0. 2	± 0. 4	± 0. 5



& 硬度

剛性と硬度の関係



ディスク変形

ヤング率Eは?

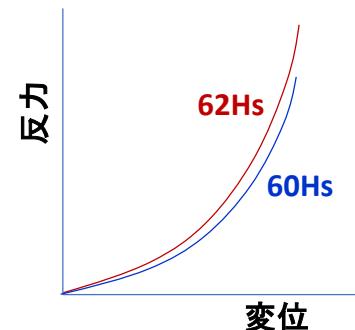
例えば60Hs

→せん断弾性率G 1. 0N/mm²

E=3G から、ヤング率は3. 0N/mm²

62Hs のときヤング率は 3. 3N/mm²

1Hs 5%の差になり、一般的には
±2or3Hs(±10~15%)の幅を持ちます。



ゴムは寸法公差、硬度(中心±3Hsなど)差が大きい。
解析が合ってないと考えることも多い。⇒実際は合っている。