

単軸試験でも、へたり考慮で十分予測精度アップ

正しいヤング率を測定できれば、ある程度  
解析予測精度は上がります。

## ひずみエネルギー密度関数定義

ひずみエネルギー密度関数の表現式

$$W = W(I_1, I_2, I_3)$$

$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2$$

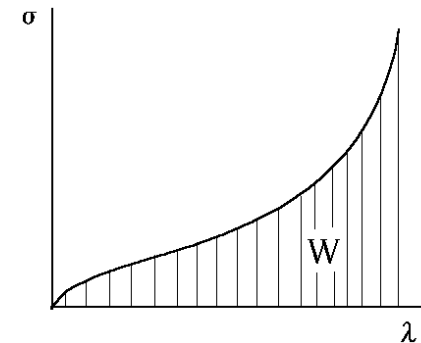
$$I_2 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2$$

$$I_3 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1$$

[対角線効果]

[面積効果]

[体積効果]



1) Neo-Hookeanモデル

$$W = C_{10}(I_1 - 3) \quad \dots \quad \text{最も単純な材料表現}$$

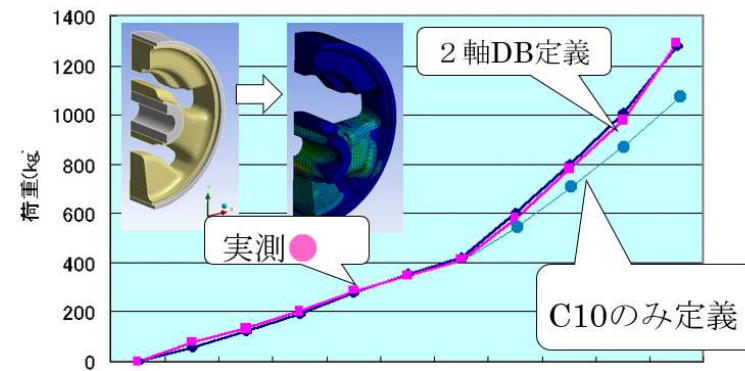
$$C_{10} = E/6$$

の関係

エネルギー関数定義すると  
非常に精度上がりますが、  
基本のヤング率=6C<sub>10</sub>でも  
ある程度の精度アップします。

勿論、二軸試験からエネルギー定義で  
大変形まで精度よく予測可能です。

ハの字型マウントの特性予測解析



# ひずみエネルギー密度関数定義

定義方法

基本式

$$W = W(I_1, I_2, I_3)$$

伸張比  $\lambda = 1 + \varepsilon$  として表現

テンソルとして、

$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2$$

$$I_2 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2$$

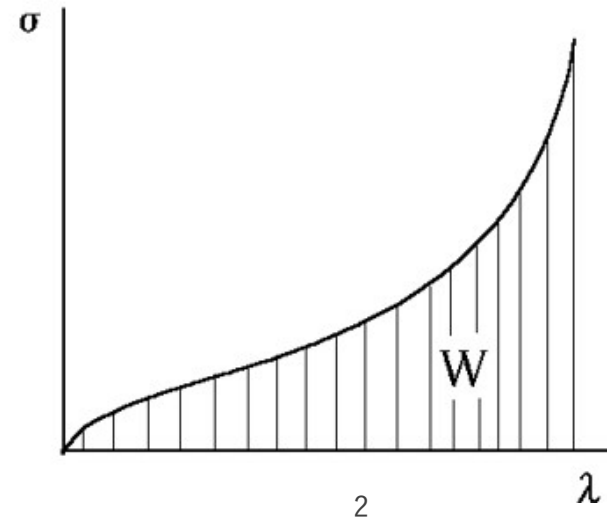
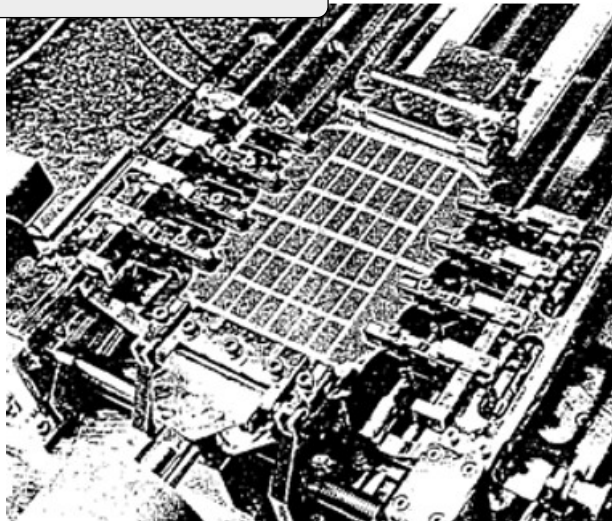
$$I_3 = \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1$$

[対角線効果]

[面積効果]

[体積効果]

基本は単軸と同じ、へたり補正



# ひずみエネルギー密度関数定義

ひずみエネルギー密度関数 様々な表現式

## 1) Neo-Hookeanモデル

$$W = C_{10}(I_1 - 3)$$

## 2) Mooney-Rivlin

$$W = C_{10}(I_1 - 3) + C_{01}(I_2 - 3)$$

## 3) Mooney高次式

$$W = C_{10}(I_1 - 3) + C_{01}(I_2 - 3) + C_{11}(I_1 - 3)(I_2 - 3) + C_{20}(I_1 - 3)^2 + C_{30}(I_1 - 3)^3$$

## 4) Ogden

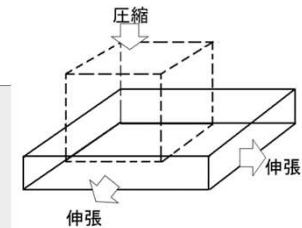
$$W = \sum \frac{\mu_i}{\alpha_i} (\lambda_1^{\alpha_i} + \lambda_2^{\alpha_i} + \lambda_3^{\alpha_i} - 3)$$

## 5) Arruda-Boyce

$$W = nk\theta \left[ \frac{1}{2}(I_1 - 3) + \frac{1}{20N} \left( I_1^2 - 9 \right) + \frac{11}{1050N^2} \left( I_1^3 - 27 \right) + \frac{19}{7000N^3} \left( I_1^4 - 81 \right) + \frac{519}{673750N^4} \left( I_1^5 - 243 \right) \right]$$

$$\begin{aligned} I_1 &= \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2 && \text{[対角線効果]} \\ I_2 &= \lambda_1^2 \lambda_2^2 + \lambda_2^2 \lambda_3^2 + \lambda_3^2 \lambda_1^2 && \text{[面積効果]} \\ I_3 &= \lambda_1^2 \lambda_2^2 \lambda_3^2 = 1 && \text{[体積効果]} \end{aligned}$$

※ $I_3=1$ は非圧縮性  
最近、紛らわしい論文(圧縮性を示す誤り)

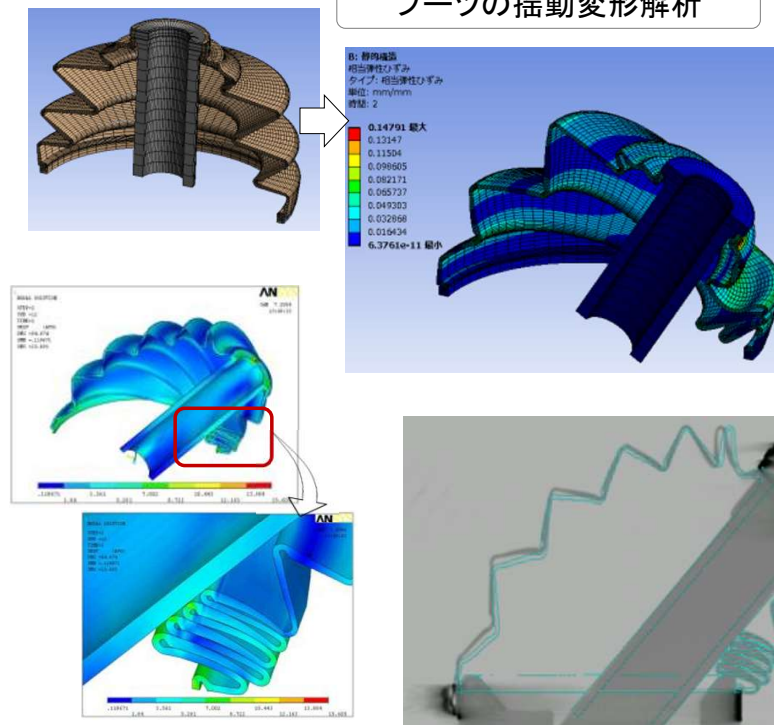


一般的にこれら定義で  
解析予測精度が良いと言われる。

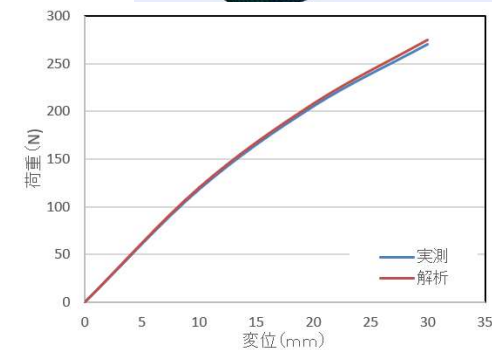
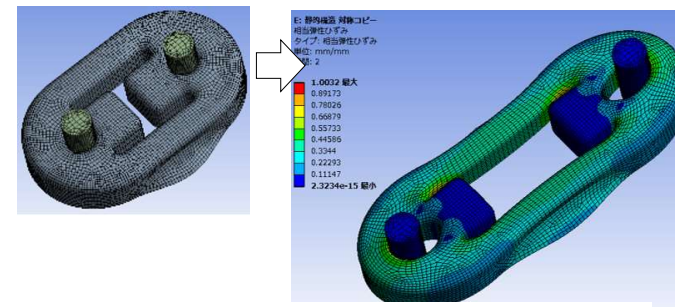
# ゴム製品の解析例

定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする

ブーツの揺動変形解析



マフラーマウントの変形解析

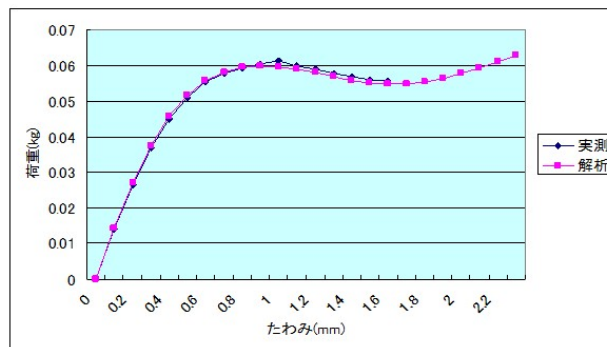
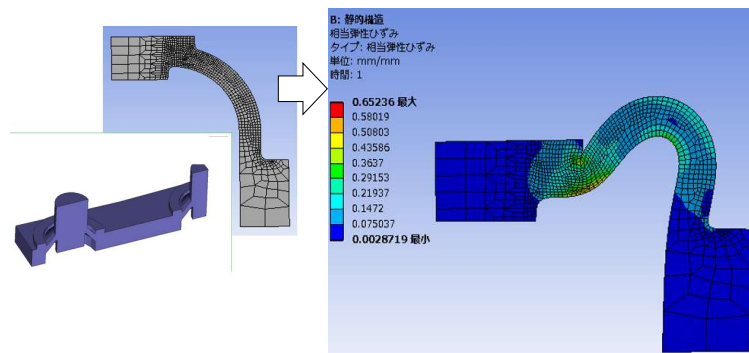


実測と解析予測が良く一致(良好)

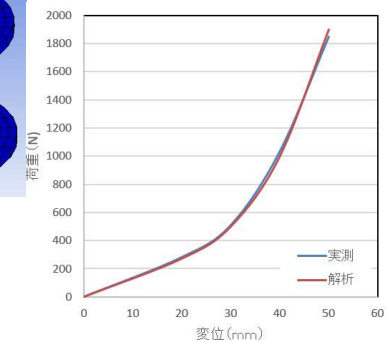
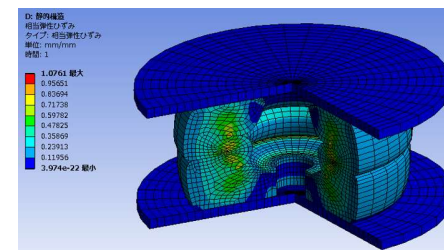
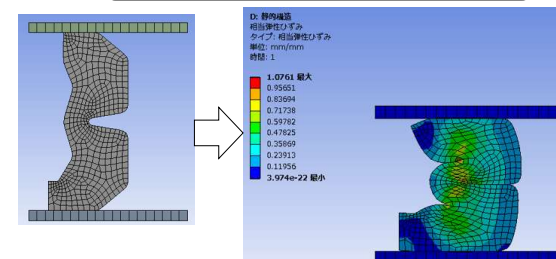
# ゴム製品の解析例

定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする

ラバーコンタクト変形解析



ラバースプリングの変形解析

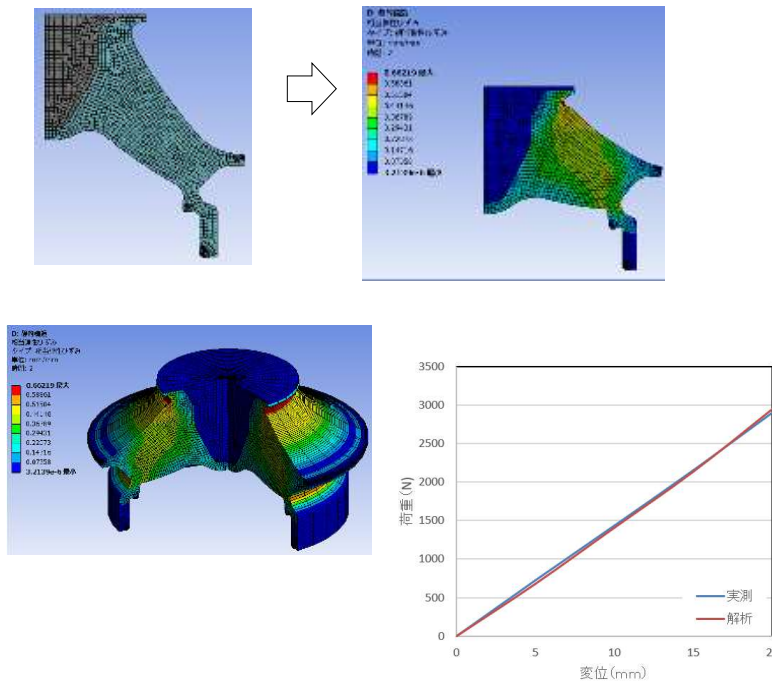


実測と解析予測が良く一致(良好)

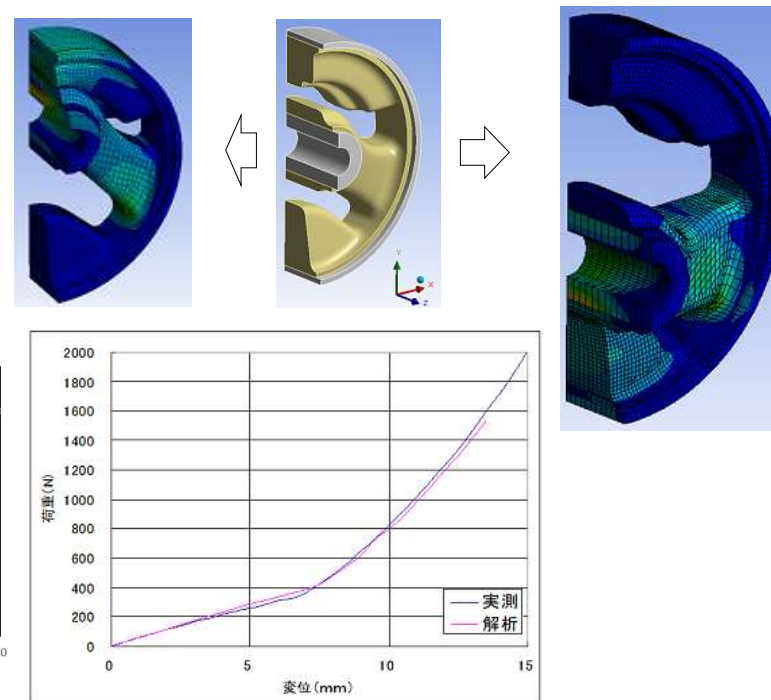
# ゴム製品の解析例

定義及び解析の注意点を守れば簡単に精度がアップする

円錐型マウント変形解析



ハの字型マウント変形解析



実測と解析予測が良く一致(良好)



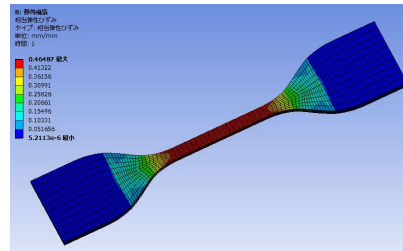
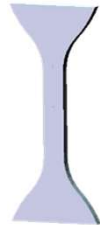
試験片 ダンベルと短冊での見かけ上ヤング率の違い

## それぞれヤング率を算出と・・・

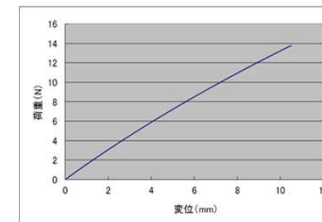
- ・ ひずみ $\varepsilon$ =変位／チャック間距離
  - ・ 応力 $\sigma$ =荷重／断面積
- ⇒  $E = \sigma / \varepsilon$  (理論式) は、試験片に依存します。

真のヤング率 $E=1.0$ で試験、もしくは解析すると

ダンベル



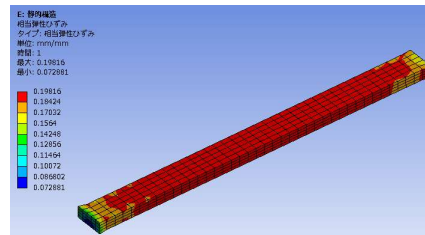
線図からのヤング率 $E=1.27$ となり 不一致



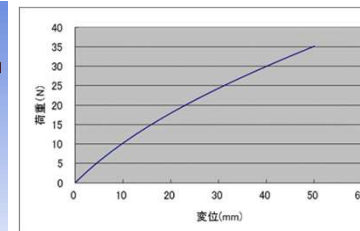
参考：標線間1.05

正しいヤング率は  
求められない。

短冊



線図からのヤング率 $E=0.98$ 、ほぼ同等



短冊であれば、  
ほぼ正確なヤング率

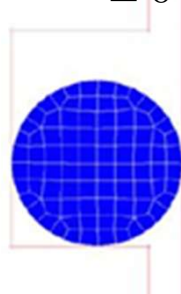
ゴムのJIS等は、解析を目的として書かれていない。  
見かけ上のヤング率と真のヤング率を区別する。

# 正しいヤング率を求めて 寸法公差・剛性公差

解析予測精度が上がらないのは  
このようなものです。勘違いです、

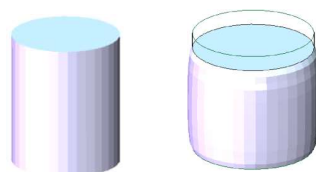
寸法公差は精度の投球があり 1～3 級があります。

寸法	公差・1 級	2 級	3 級[単位：mm]
3 mm以下	± 0. 2	± 0. 3	± 0. 4
3 ～ 6 mm	± 0. 2	± 0. 4	± 0. 5



& 硬度

剛性と硬度の関係



ディスク変形

ヤング率Eは？

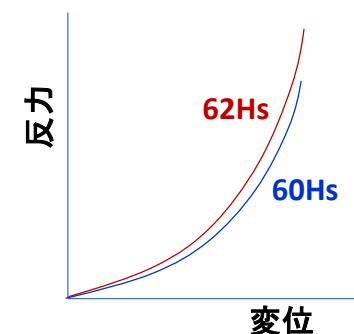
例えば60Hs

⇒ せん断弾性率G 1. 0N/mm<sup>2</sup>

E=3G から、ヤング率は3. 0N/mm<sup>2</sup>

62Hs のときヤング率は 3. 3N/mm<sup>2</sup>

1Hs 5%の差になり、一般的には  
±2or3Hs(±10～15%)の幅を持ちます。



ゴムは寸法公差、硬度(中心±3Hsなど)差が大きい。  
解析が合っていないと考えることも多い。⇒**実際は合っている。**